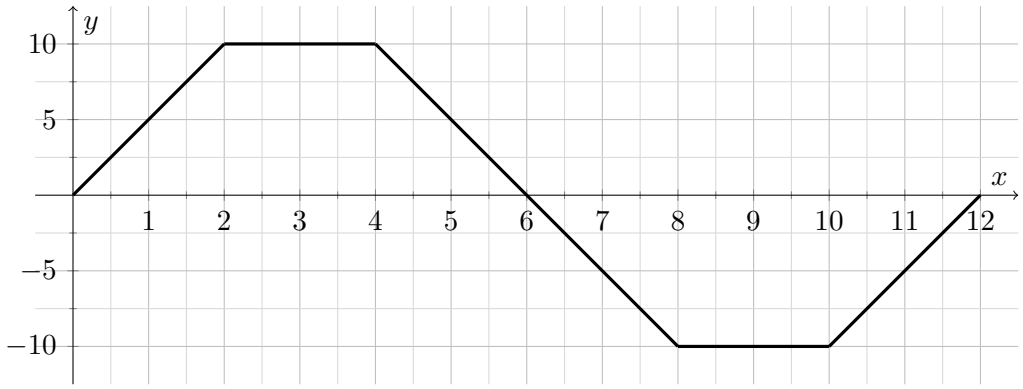
DAS MATHEBUCH – Aufgabe TrXKFY

Am 26.11.1966 wurde an der Mündung des Flusses Rance bei Saint-Malo in Frankreich ein technisches Pionierprojekt eröffnet: das erste Gezeitenkraftwerk der Welt. Es nutzt den regelmäßigen Wechsel von Ebbe und Flut. Bei Flut strömt Meerwasser in ein großes Speicherbecken, bei Ebbe fließt es wieder zurück ins Meer. Dabei wird das Wasser jeweils durch Turbinen geleitet, die die Strömungsenergie in elektrische Energie umwandeln.
Das Schaubild stellt diesen Vorgang vereinfacht dar und zeigt die Zuflussrate d des Meerwassers in den Speicher in Abhängigkeit von der Zeit (x-Achse: Zeit in Stunden; y-Achse: Zufluss in Mio. m^3/h).



Damit das Modell rechnerisch gut bearbeitet werden kann, wird der reale Verlauf hier bewusst vereinfacht dargestellt: In Wirklichkeit würde die Zuflussrate während Ebbe und Flut nicht „zackig“ wechseln, sondern eher gleichmäßig an- und absteigen. Anschaulich erinnert dieser natürliche Verlauf an eine wellenförmige Kurve, etwa wie bei einer Sinusfunktion.
Um dennoch einen praktikablen Kompromiss zwischen Realität und Lösbarkeit zu erhalten, kann die Zuflussrate des obigen Sachkontextes modellhaft durch die folgende Funktion beschrieben werden:

$$f(x) = 0.135x^3 - 2.43x^2 + 9.72x$$

Beziehen Sie sich in dieser Aufgabe auf die Situationsbeschreibung zum Gezeitenkraftwerk.

a) Tragen Sie zunächst in die Schaubilder (siehe nächste Seite) für die Zuflussrate zur neuen Modellfunktion $f(x) = 0.135x^3 - 2.43x^2 + 9.72x$ die Rechtecke der Ober- und Untersumme im Zeitraum $0 \leq x \leq 6$ ein.

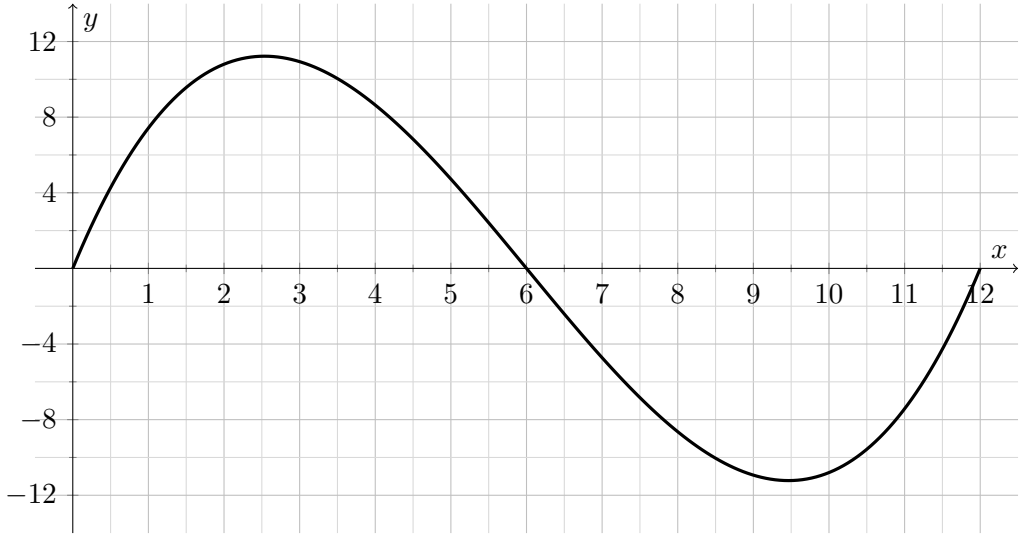
b) Berechnen Sie danach die Flächen der einzelnen Rechtecke (Teilsummen) und daraus jeweils die gesamte Ober- bzw. Untersumme.

c) Bestimmen Sie anschließend, wie viele Mio. m^3 Wasser nach 6 Stunden im Speicher mehr vorhanden sind als zu Beginn.

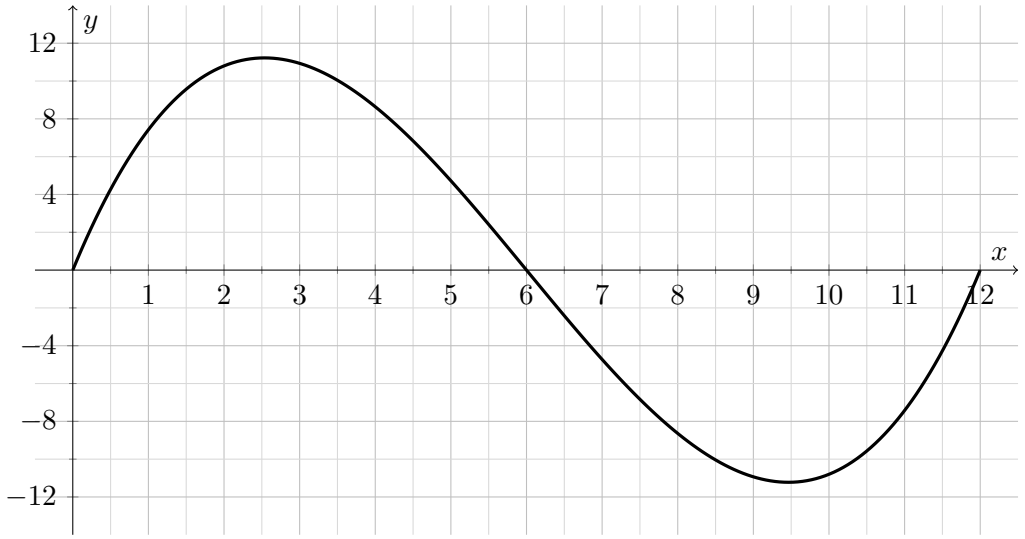
d) Treffen Sie außerdem die Aussage aus Teilaufgabe 6.1 c) nun mithilfe der Extrempunktberechnung („Untersuchen Sie, in welchem Zeitabschnitt die gespeicherte Wassermenge am stärksten ansteigt.“).

DAS MATHEBUCH – erstellt von Sebastian Wenner
Alle Rechte vorbehalten. Das Buch als kostenloser PDF-Download und Lösungsvideos auf **dasmathebuch.de**

Obersumme



Untersumme



DAS MATHEBUCH – erstellt von Sebastian Wenner
Alle Rechte vorbehalten. Das Buch als kostenloser PDF-Download und Lösungsvideos auf **dasmathebuch.de**